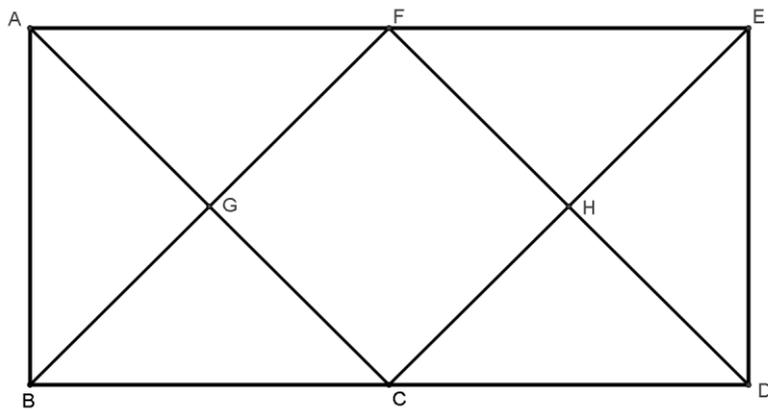


Zadatci za 10 bodova

6. Na šest hrastova bilo je 129 ptica. U jednom trenutku odletjelo je s prvoga 6, s drugoga 11, s trećega 8, s četvrtoga 10, s petoga 7 i sa šestoga 9 ptica. Tada je na svakom hrastu ostao jednaki broj ptica. Koliko je ptica bilo na svakom hrastu na početku?
7. Danas, na Valentinovo, 11 učenika i 7 učenica četvrtoga razreda međusobno su izmijenili darove. Svaka je djevojčica svakom dječaku poklonila po jednu čokoladicu. Svaki je dječak djevojčicama uručio bombone na sljedeći način: jednoj djevojčici jedan bombon, drugoj dva, trećoj tri, i tako dalje, povećavajući broj bombona za jedan, sve do posljednje djevojčice. Koliko je danas ukupno poklonjeno slatkiša?
8. Koliko je trokuta na slici? Ispiši ih.



ŠKOLSKO/GRADSKO NATJECANJE
IZ MATEMATIKE
14. veljače 2012.

5. razred – osnovna škola

Zadatci za 4 boda

1. Izračunaj $\{24+[15\cdot(312-12\cdot 8)-18]:3\}-68$.
2. Joško je zbrojio najveći troznamenasti broj djeljiv brojem 9 i najmanji troznamenasti broj koji nije djeljiv brojem 9, a Fran je zbrojio najveći troznamenasti broj koji nije djeljiv brojem 9 i najmanji troznamenasti broj djeljiv brojem 9. Koji je zbroj veći i za koliko?
3. Broj 100 000 napiši kao umnožak dvaju prirodnih brojeva u čijem zapisu nema niti jedne znamenke 0.
4. Koja je 2012. znamenka u nizu 012343210012343210012...?
5. Odredi nepoznati broj x i obrazloži.

9	22	13	16
144	176	143	192
16	8	11	x

Zadatci za 10 bodova

6. Duljine stranica pravokutnika izražene su prirodnim brojevima (u cm), a površina mu je 196 cm^2 . Koliko ima takvih pravokutnika i koji od njih ima najveći opseg?
7. Koliko ima troznamenastih prirodnih brojeva kojima je umnožak znamenaka jednak 28? Napiši ih!
8. Odredi sve troznamenaste brojeve \overline{abc} djeljive brojevima 4 i 13 kojima je zbroj znamenaka jednak 18.

Nije dopuštena uporaba džepnog računala niti bilo kakvih priručnika.

ŠKOLSKO/GRADSKO NATJECANJE
IZ MATEMATIKE
14. veljače 2012.

6. razred – osnovna škola

Zadatci za 4 boda

1. Izračunaj: $1\frac{3}{8} \cdot \frac{2}{5} - \frac{2}{5} : 2\frac{2}{7}$.
2. Jedna cijev može napuniti bazen za 5 sati, a druga cijev za 3 sata. Za koliko bi vremena (sati, minuta i sekundi) bazen napunile obje cijevi ako bazen pune zajedno?
3. U trokutu $\triangle ABC$ veličina kuta $\alpha = 50^\circ$, a simetrala kuta α siječe stranicu \overline{BC} u točki D te vrijedi $|AD| = |AC|$. Izračunaj veličine kutova β i γ .
4. Tri brata su podijelila određenu svotu novca na način da je prvi brat dobio $\frac{1}{5}$ ukupne svote, drugi brat $\frac{5}{8}$ ukupne svote, a treći brat ostatak. Međutim, treći brat je prvom bratu dao $\frac{3}{4}$ svog dijela, a drugom bratu sve ostalo. Koliki dio ukupne svote novca je dobio prvi brat?
5. Dva pravca sijeku se u točki S . Zbroj veličina šiljastih kutova, koji pri tom nastaju, jednak je polovini veličine tupoga kuta. Odredi veličine šiljastih i tupih kutova.

Zadatci za 10 bodova

6. Koliko ima četveroznamenkastih brojeva napisanih znamenkama 0, 1, 2, 4 i 5 koji su djeljivi brojem 5, a koliko koji nisu djeljivi brojem 5? Kojih ima više i za koliko?

7. Zbroj brojnika i nazivnika nekog razlomka iznosi 2012, a njegova je vrijednost $\frac{1}{3}$.
Koji je to razlomak?

8. Duljine susjednih stranica nekog pravokutnika razlikuju se za 4.2 cm, a njegov je opseg 23.2 cm. Nad njegovom duljom stranicom, kao osnovicom, nacrtan je, s vanjske strane, jednakokračan trokut kojemu je opseg jednak opsegu pravokutnika. Odredi duljine stranica tog trokuta?

ŠKOLSKO/GRADSKO NATJECANJE
IZ MATEMATIKE
14. veljače 2012.

7. razred-osnovna škola

Zadaci za 4 boda:

1. U jednoj stambenoj zgradi postoje četiri stana. U prvome živi tročlana, u drugome i trećemu četveročlana, a u četvrtome peteročlana obitelj. Zajednički račun za održavanje zgrade dijeli se u omjeru broja članova obitelji. Koliko posto od iznosa na računu treba uplatiti pojedina obitelj?
2. Koje koordinate ima točka $A(\frac{1}{2} - 2t, 0.5 - \frac{2-t}{3})$ ako točka pripada osi apscisa koordinatnog sustava u ravnini?
3. Na skladištu je bila 1 tona krastavaca koji su sadržavali 94% vode. Nakon nekog vremena količina vode smanjila se na 92%. Kolika je tada bila masa krastavaca?
4. Zadan je paralelogram $ABCD$ kome su duljine stranica 12 cm i 8 cm. Dulja stranica \overline{AB} produžena je preko točke B za 5 cm i dobivena je točka E . Pravci EC i AD sijeku se u točki F . Izračunaj $|DF|$.
5. Iz skupa brojeva $\{1, 2, 3, \dots, 200\}$ slučajno se bira jedan broj. Izračunaj vjerojatnost da će se dogoditi sljedeći slučajni događaj $A = \{\text{Izabran je broj koji nije djeljiv sa } 6\}$.

Zadaci za 10 bodova:

6. Janica i Jelica za prijevod određenog broja stranica teksta trebaju 30 sati, Janica i Jurica trebaju 42 sata, a Jelica i Jurica će prijevod završiti za 35 sati. Koliko bi im vremena (sati i minuta) trebalo za taj prijevod kada bi radili svi troje zajedno?
7. Odredi sve parove cijelih brojeva (a, b) , za koje vrijedi $a = \frac{4b-5}{b-2}$.
8. Dva stupa su visine 20m i 30m. Vrh svakog stupa povezan je s dnom onog drugog s nategnutim užetom. Na kojoj visini od tla se ta dva užeta križaju ako je udaljenost stupova 40m?

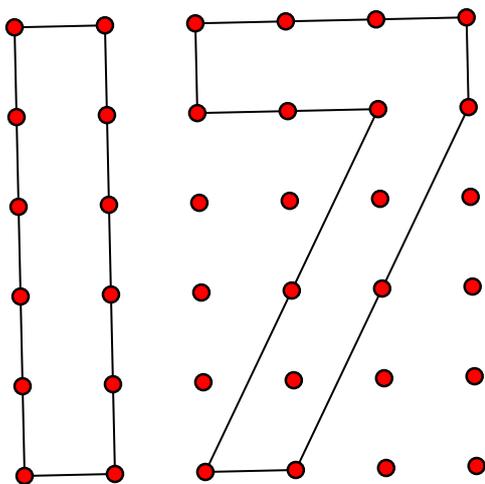
Nije dopuštena uporaba džepnog računala niti bilo kakvih priručnika.

ŠKOLSKO/GRADSKO NATJECANJE
IZ MATEMATIKE
14. veljače 2012.

8. razred-osnovna škola

Zadaci za 4 boda:

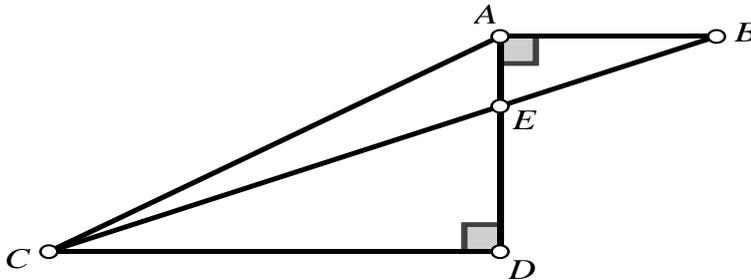
1. Izračunaj vrijednost izraza $I = 10 + 2 \cdot (x + 1)^2 - x \cdot (4 - 3x)$, za $x = -20$.
2. Izračunaj vrijednost izraza $\sqrt{(\sqrt{3} - 3)^2} - (\sqrt{3} - 3)$.
3. Odredi koordinate točaka A i B pravca p zadanog jednadžbom $y = -x + \sqrt{2}$ ako je apscisa točke A broj $-\frac{\sqrt{2}}{3}$, a ordinata točke B broj $-\frac{\sqrt{2}}{3}$.
4. Ako je $x_1 : 7 = x_2 : 3 = x_3 : 2 = x_4 : 5$, pokaži da vrijedi jednakost
$$x_1^2 + x_2^2 + x_3^2 + x_4^2 = \frac{(7x_1 + 3x_2 + 2x_3 + 5x_4)^2}{87}$$
.
5. U kvadratnu mrežu točaka naran je broj, pri čemu je duljina stranice kvadrata a cm. Ako je površina slova 2028 cm², odredi duljinu a .



Zadaci za 10 bodova:

6. Odredi sve prirodne brojeve n za koje je $10^n + 5$ djeljiv s 15. Obrazloži rješenje.

7. Ako je $|AD| = 4$ cm, $|AB| = 3$ cm i $|CD| = 9$ cm, kolika je površina trokuta AEC na slici?



8. Točka D je polovište osnovice \overline{AB} jednakokravnog trokuta ABC . Opseg trokuta ABC je 50 cm, a opseg trokuta ACD je 40 cm. Kolika je površina trokuta ABC ?

Nije dopuštena uporaba džepnog računala niti bilo kakvih priručnika.