



MATEMATIČKI KLOKAN

B 2015

RJEŠENJA

Pitanja za 3 boda:

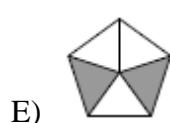
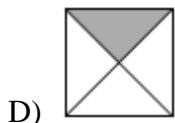
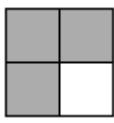
1. Kojem je liku polovica zacrnjena?



B)



C)



Rješenje **B**

2. Na vrhu mog kišobrana napisana je riječ KANGAROO (vidi sliku). Koja od sljedećih slika ne prikazuje moj kišobran?



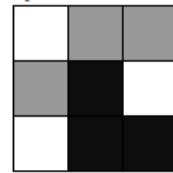
Rješenje **C**

Slovo R nije pravilno napisano.

3. Vlado je obojio 9 kvadrata u bijelo, sivo i crno (vidi sliku). Koliko najmanje kvadrata mora prebojati tako, da nijedna dva kvadrata jednake boje nemaju zajednički brid?

A) 2 B) 3 C) 4 D) 5 E) 6

Rješenje **A** U prvom redu desni sivi kvadrat treba obojiti u crno, a u zadnjem redu u sredini crni kvadrat treba obojiti u sivo.



4. Imamo 10 patki. 5 patki snesu jedno jaje svaki dan. Ostalih pet patki snesu jedno jaje svaki drugi dan. Koliko je jaja sneslo tih 10 patki u 10 dana?

A) 75 B) 60 C) 50 D) 25 E) 1

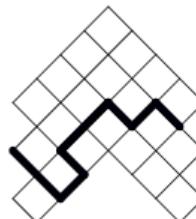
Rješenje **A** Pet pataka su u 10 dana snesle 50 jaja, a drugih pet pataka su u 10 dana snesle 25 jaja, ukupno 75 jaja.

5. Slika prikazuje ploču na kojoj svaki mali kvadrat ima površinu 4 cm^2 . Kolika je duljina podebljane crne crte?

A) 16 cm **B)** 18 cm C) 20 cm D) 21 cm E) 23 cm

Rješenje **B** Mali kvadrat površine 4 cm^2 ima stranicu duljine 2cm.

Podebljana crta se sastoji od 9 stranica kvadrata pa je njezina duljina 18 cm.

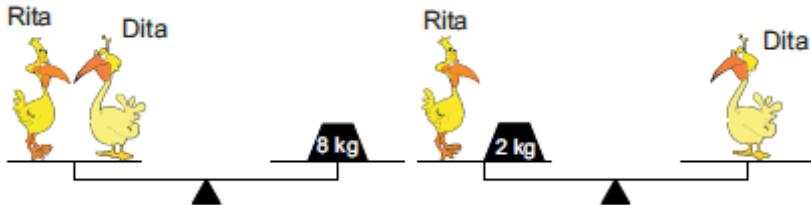


6. Koji je od sljedećih razlomaka manji od 2?

- A) $\frac{19}{8}$ B) $\frac{20}{9}$ C) $\frac{21}{10}$ D) $\frac{22}{11}$ E) $\frac{23}{12}$

Rješenje E Brojnik mora biti manji od dvostrukog nazivnika.

7. Koliko kilograma ima Dita?



- A) 2 kg B) 3 kg C) 4 kg D) 5 kg E) 6 kg

Rješenje D $R+D=8$, $R = D - 2$, pa je $D + D - 2 = 8$. Dita ima 5 kg.

8. Svaka biljka u Ivanovom vrtu ima 5 listova ili 2 lista i 1 cvijet. Sve biljke zajedno imaju 6 cvjetova i 32 lista. Koliko je biljaka u vrtu?



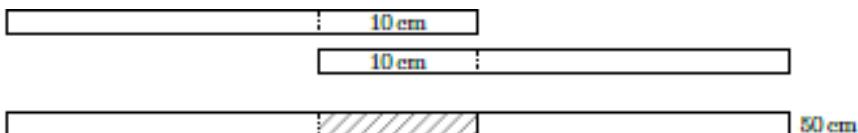
- A) 10 B) 12 C) 13 D) 15 E) 16

Rješenje A 6 biljaka imaju po 1 cvijet i 2 lista, tj. ukupno 12 listova.

Preostalih 20 listova podjelimo s 5 i dobijemo broj biljaka bez cvijeta. Ukupno ima 10 biljaka.

Pitanja za 4 boda:

9. Ana ima 4 trake papira iste duljine. Zaljepila je dvije trake zajedno, tako da se one preklapaju 10 cm, a duljina nove trake je 50 cm (vidi sliku).



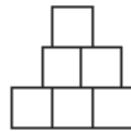
Treću i četvrtu traku zaljepila je tako da je dobila novu traku duljine 56 cm.

Koliko se centimetara preklapaju treća i četvrta traka?

- A) 4 cm B) 6 cm C) 8 cm D) 10 cm E) 12 cm

Rješenje A Želimo li dobiti traku duljine 56 cm moramo preklopni dio trake smanjiti za 6 cm, pa će se trake preklapati samo 4 cm.

10. Tom je koristio 6 kvadrata stranice 1 kako bi složio oblik kao na slici.
Koliki je opseg tog oblika?



- A) 9 B) 10 C) 11 D) 12 E) 13

Rješenje D Zbrajamo li duljine vodoravnih dužina imamo: $3 + 1 + 1 + 1 = 6$, a zbrajamo li duljine okomitih dužina imamo $1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 = 6$, pa je opseg 12.

11. Svakog dana Marija piše znamenke datuma i zbraja ih. Na primjer, 19. ožujka piše 19.03 i zbraja $1 + 9 + 0 + 3 = 13$. Koji je najveći zbroj mogla dobiti tijekom godine?

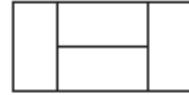
- A) 7 B) 13 C) 14 D) 16 E) 20

Rješenje E Najveći zbroj je za 29. rujna jer je tada zbroj znamenki $2 + 9 + 0 + 9 = 20$.

12. Veliki pravokutnik (vidi sliku) sastavljen je od 4 jednakih pravokutnika.

Duljina kraće stranice velikog pravokutnika je 10 cm.

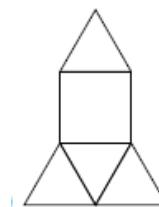
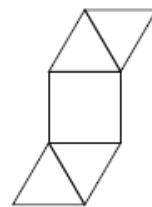
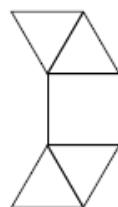
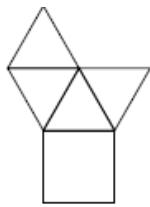
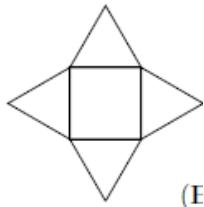
Kolika je duljina duže stranice velikog pravokutnika?



- A) 40 cm B) 30 cm C) 20 cm D) 10 cm E) 5 cm

Rješenje C Ako je dulja stranica pravokutnika 10 cm, onda je kraća 5 cm pa je duljina duže stranice velikog pravokutnika 20 cm.

13. Koja od ovih pet mreža ne može biti mreža piramide?



- A)

- B)

- C)

- D)

- E)

Rješenje C S lijeve strane bi se trokuti preklopili.

14. U čudesnoj ulici je 9 kuća u nizu. U svakoj kući živi najmanje jedna osoba. U dvije susjedne kuće živi najviše 6 ljudi. Koliko najviše ljudi živi u toj ulici?

- A) 23 B) 25 C) 27 D) 29 E) 31

Rješenje D Ako u prvoj kući živi 5 osoba, u drugoj 1 osoba, u trećoj 5 osoba, u četvrtoj 1 osoba i tako redom, onda u toj ulici može živjeti najviše 29 ljudi.

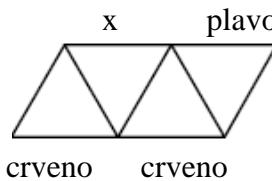
15. Površina pravokutnika je 12 cm^2 . Duljine stranica pravokutnika iskazane u centimetrima su prirodni brojevi. Koliki je opseg tog pravokutnika?

- A) 20 cm B) 26 cm C) 28 cm D) 32 cm E) 48 cm

Rješenje B $P = 12 \text{ cm}^2 = a \times b$. Zadovoljava samo opseg 26.

a	1	2	3	4	6	12
b	12	6	4	3	2	1
O	26	16	14	14	16	26

16. Svaka od 9 dužina na slici obojena je jednom od boja: ili crveno ili plavo ili zeleno. Stranice svakog trokuta su različitih boja. Kao što se vidi poznata je boja triju stranica. Koje je boje stranica označena sa x?



- A) plava B) zelena C) crvena

D) može biti dvije od danih boja: crvena, plava ili zelena E) takvo bojenje nije moguće

Rješenje C Između dvije vodoravne dužine imamo 5 kosih dužina. S desna na lijevo one su: crvena, zelena, plava, zelena i plava, pa stranica označena s x može biti samo crvena.

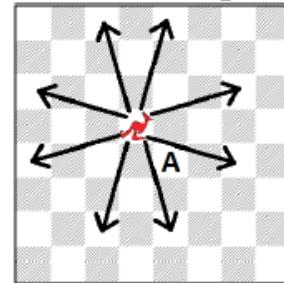
Pitanja za 5 bodova:

17. U vreći su 3 zelene jabuke, 5 žutih jabuka, 7 zelenih krušaka i 2 žute kruške. Simon nasumice izvlači jedan po jedan komad voća iz vreće. Koliko voća mora izvući iz vreće, da bi bio siguran da će barem jedna jabuka i jedna kruška biti iste boje?

- A) 9 B) 10 C) 11 D) 12 E) 13

Rješenje E Može se dogoditi da se izvuče 5 žutih jabuka i 7 zelenih krušaka. Tada će tek 13. izvlačenje zadovoljiti uvjete.

18. Izmišljena je nova šahovska figura "Klokan". Pomiče se ili 3 polja okomito pa 1 vodoravno, ili 3 polja vodoravno pa 1 okomito (vidi sliku). Koliko će najmanje poteza trebati Klokanu da od kvadrata gdje se upravo nalazi dođe do kvadrata A?



- A) 2 B) 3 C) 4 D) 5 E) 6

Rješenje B Do kvadrata A može doći na više načina, ali uvijek s najmanje tri poteza.

19. Ivana je kupila 3 igračke. Za prvu je platila pola svog novca i još 1€. Za drugu igračku je platila pola preostalog novca i još 2€. Na kraju, za treću je igračku dala polovinu preostalog novca i još 3€ te je tako potrošila sav svoj novac. Koliko je novaca imala na početku?

- A) 36 € B) 45 € C) 34 € D) 65 € E) 100 €

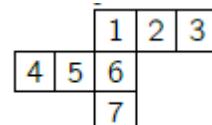
Rješenje C Označimo količinu novca sa x. Tada je Ivana prvu igračku platila $\frac{x}{2} + 1$, a ostalo joj je

$$x - \left(\frac{x}{2} + 1\right) = \frac{x-2}{2}. \text{ Drugu igračku Ivana je platila } \frac{x-2}{4} + 2 = \frac{x+6}{4}, \text{ a ostalo joj je}$$

$$x - \left(\frac{x}{2} + 1\right) - \left(\frac{x+6}{4}\right) = \frac{x-10}{4}. \text{ Treću igračku platila je } \frac{x-10}{8} + 3 = \frac{x+14}{8} \text{ i sve je potrošila. Sve tri}$$

$$\text{uplate daju sumu novca koji je imala. } \frac{x}{2} + 1 + \frac{x+6}{4} + \frac{x+14}{8} = x \quad x = 34.$$

20. Karla je nacrtala mrežu kocke i uvidjela da je zabunom nacrtala 7 kvadrata umjesto 6. Koji kvadrat mora ukloniti, da bi od preostale mreže mogla sastaviti kocku?



- A) samo 4 B) samo 7 C) samo 3 ili 4 D) samo 3 ili 7 E) samo 3, 4 ili 7

Rješenje D Možemo ukloniti samo kvadrate na kraju mreže, a to su kvadrati 3,4,7. Kvadrat 4 nam je nužan za sastavljanje kocke, pa možemo ukloniti samo 3 ili 7.

21. Broj 100 pomnožimo pomnožimo ili sa 2 ili sa 3. Dobiveni rezultat povećamo ili za 1 ili za 2. Tako dobiven rezultat podijelimo ili s 3 ili sa 4. Krajnji rezultat je prirodan broj. Koji je to broj?

- A) 50 B) 51 C) 67 D) 68 E) postoji više takvih rješenja

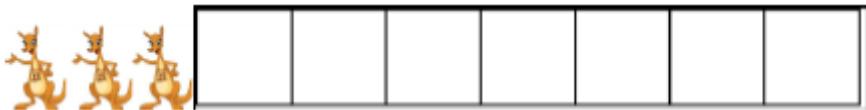
Rješenje C $100 \rightarrow 200$ ili 300 $200 \rightarrow 201$ ili 202 $201 : 3 = 67$. 202 nije djeljiv ni s 3 ni sa 4
 $300 \rightarrow 301$ ili 302 $301, 302$ nisu djeljivi ni s 3 ni sa 4 .

22. Vlak ima 12 vagona. Svaki vagon ima isti broj kupea. Marko putuje u trećem vagonu, u 18-om kupeu od lokomotive. Ivana putuje u 7. vagonu, u 50-om kupeu od lokomotive. Koliko kupea ima svaki vagon?

- A) 7 **B) 8** C) 9 D) 10 E) 12

Rješenje B Ako je x broj kupea u pojedinom vagonu, tada je $18=2x+y$ i $50=6x+z$, gdje je y redni broj kupea u trećem vagonu gdje se nalazi Marko, a z je redni broj kupea u 7. vagonu gdje se nalazi Ivana. Vrijedi da su y i z manji od x . Iz druge jednakosti slijedi da je x manji ili jednak 8. Za $x=8$ dobivamo $z=2$ i $y=2$. Za x manji od 8 dobivamo da je z veće ili jednako 8 što nije moguće. Dakle, $x=8$.

23. Na koliko načina možemo smjestiti 3 klokana u 3 različite čelije tako da 2 klokana nisu susjedi?



- A) 7 B) 8 C) 9 **D) 10** E) 11

Rješenje D Smještaj klokana prikazan je sljedećom tablicom. Zvjezdice označavaju klokane.

*	*	*	*		
*	*			*	
*	*				*
*		*		*	
*		*			*
*			*		*
*				*	*
*	*	*		*	
*		*			*
*			*		*
	*	*		*	

24. Na pravcu su četiri točke. Njihove udaljenosti čine rastući niz: $2, 3, k, 11, 12, 14$. Koliki je k ?

- A) 5 B) 6 C) 7 D) 8 **E) 9**

Rješenje E Na pravcu su točke A,B,C,D. Duljina $|AD| = 14$, $|AC| = 12$, $|DB| = 11$, $|DC| = 2$, $|AB| = 3$, onda je $|BC| = k = 9$.