

MINISTARSTVO ZNANOSTI, OBRAZOVANJA I SPORTA REPUBLIKE HRVATSKE
AGENCIJA ZA ODGOJ I OBRAZOVANJE
HRVATSKO MATEMATIČKO DRUŠTVO

ŠKOLSKO/GRADSKO NATJECANJE
IZ MATEMATIKE
21. siječnja 2016.

4. razred-osnovna škola

Zadaci za 6 bodova:

1. U nekom receptu za juhu piše da je za 5 tanjura te juhe potrebno 30 dag mrkve. Ako kuharica želi skuhati juhu za 60 osoba i za svaku osobu pripremiti 2 tanjura juhe, koliko mrkve treba staviti u tu juhu?
2. Napiši sve dvoznamenkaste brojeve koji se mogu napisati koristeći znamenke 3, 4 i 9. Koliko ima tih brojeva?
3. U prazne kvadratiće upiši brojeve od 1 do 9 tako da zbrojevi brojeva u svakom retku i svakom stupcu budu različiti.

4. Jedno domaćinstvo užgaja kokoši i kuniće. Kokoši i kunići imaju ukupno 50 glava i 140 nogu. Koliko ima kokoši, a koliko kunića u tom domaćinstvu?
5. Duljine stranica trokuta izražene u centimetrima su tri uzastopna neparna broja. Ako je opseg trokuta 141 cm, izračunaj duljine stranica tog trokuta.

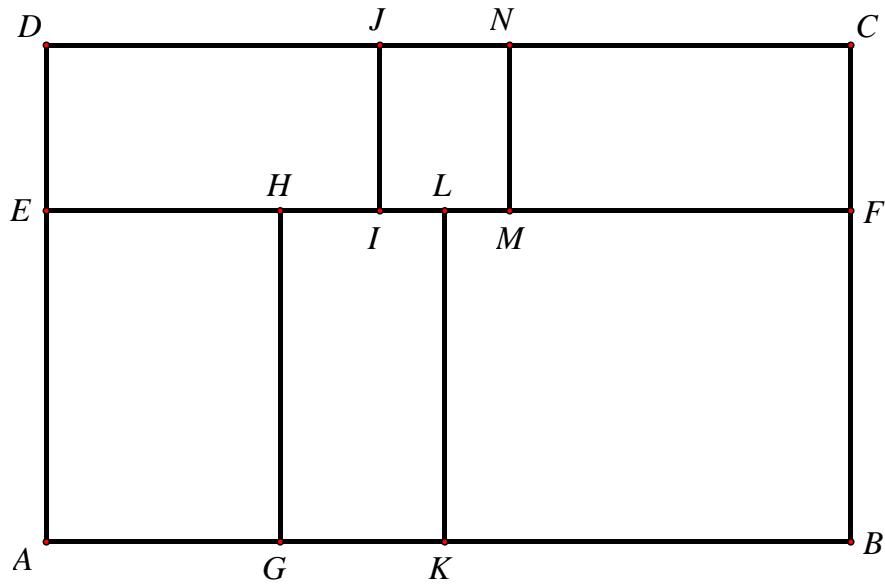
Nije dopuštena uporaba džepnog računala niti bilo kakvih priručnika.

Okreni list!

Zadaci za 10 bodova:

6. Zamijeni slova znamenkama tako da dobiješ istinitu jednakost: $\overline{13abcde} : 5 = \overline{abcde}6$.

7. Koliko ima pravokutnika na slici? Napiši ih sve.



Nije dopuštena uporaba džepnog računala niti bilo kakvih priručnika.

MINISTARSTVO ZNANOSTI, OBRAZOVANJA I SPORTA REPUBLIKE HRVATSKE
AGENCIJA ZA ODGOJ I OBRAZOVANJE
HRVATSKO MATEMATIČKO DRUŠTVO

ŠKOLSKO/GRADSKO NATJECANJE
IZ MATEMATIKE
21. siječnja 2016.

5. razred - osnovna škola

Zadaci za 6 bodova:

1. Izračunaj vrijednost brojevnog izraza:

$$2025 + 720 : (72 - 9 \cdot 7) - (4 \cdot 6 - 6) \cdot 5 + 1.$$

2. Ivan je s društvom dočekao Novu 2016. godinu. Točno u ponoć svojim je novim prijateljima rekao: „Prije 2000 sati napunio sam točno 12 godina. Izračunajte točno vrijeme (sat, dan, mjesec i godinu) mog rođenja.“
3. Odredi sve sedmeroznamenkaste brojeve oblike $\overline{2016abc}$ koji su djeljivi i brojem 5 i brojem 7 i brojem 13.
4. Umnožak broja godina svih članova četveročlane obitelji iznosi $36\ 260$. Koliko godina imaju članovi te obitelji ako se zna da je otac dvije godine stariji od majke, a kći tri godine mlađa od sina?
5. Marko želi u svoju sobu postaviti policu. Daske za policu mogu se postaviti u 4 ili 5 redova, ali njihova ukupna površina mora biti točno $1\ m^2$. U trgovini je pronašao daske duljine 125 cm. Koliko dasaka i koje širine treba kupiti za svoju policu?

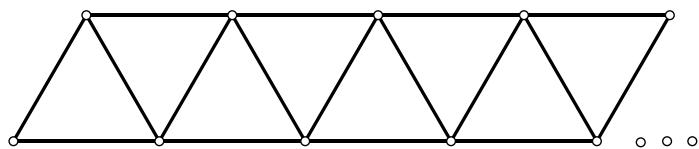
Nije dopuštena uporaba džepnog računala niti bilo kakvih priručnika.

Okreni list!

Zadaci za 10 bodova:

6. Na domino pločicama nalaze se parovi brojeva od 0 do 6 (uključujući brojeve 0 i 6) koji su smješteni na dva polja. Svi brojevi, osim nule, prikazani su odgovarajućim brojem točkica. Prazno polje bez točkica označava nulu. U kompletu domino pločica nalaze se i pločice s jednakim vrijednostima na oba polja (na primjer: 1 – 1, ...). Koliko ukupno ima točkica u cijelom kompletu domino pločica?

7. Od šibica duljine 5 cm Dijana je složila niz jednakostraničnih trokuta (kao na slici). Ako je Dijana upotrijebila 99 šibica, kolika je udaljenost dviju najudaljenijih točaka u tako složenom nizu trokuta?



Nije dopuštena uporaba džepnog računala niti bilo kakvih priručnika.

MINISTARSTVO ZNANOSTI, OBRAZOVANJA I SPORTA REPUBLIKE HRVATSKE
AGENCIJA ZA ODGOJ I OBRAZOVANJE
HRVATSKO MATEMATIČKO DRUŠTVO

ŠKOLSKO/GRADSKO NATJECANJE
IZ MATEMATIKE
21. siječnja 2016.

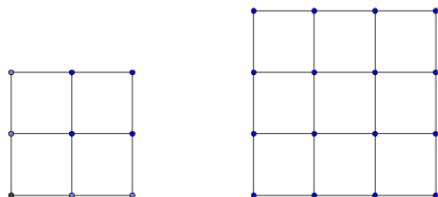
6. razred-osnovna škola

Zadaci za 6 bodova:

- Na tramvajsko stajalište stigao je tramvaj sa 72 putnika. Iz tramvaja je izišlo $\frac{5}{12}$ broja putnika, a ušlo je 6 novih. Na sljedećem stajalištu ponovno je izišlo $\frac{5}{12}$ broja putnika, a ušlo je 8 novih. I na trećem stajalištu izišlo je $\frac{5}{12}$ broja putnika, a ušlo je 10 novih. Koliko je putnika nakon toga nastavilo vožnju?
- Premjesti samo jednu šibicu tako da dobiješ točnu jednakost te odredi sva rješenja:

$$\checkmark \quad ||| - || = | \times$$

- Ako kvadrat podijelimo na 4 jednakih kvadrata, dobit ćemo 9 točaka prikazanih na slici. Ako ga podijelimo na 9 jednakih kvadrata, dobivamo 16 točaka. Koliko će takvih točaka biti ako kvadrat podijelimo na 3600 jednakih kvadrata?

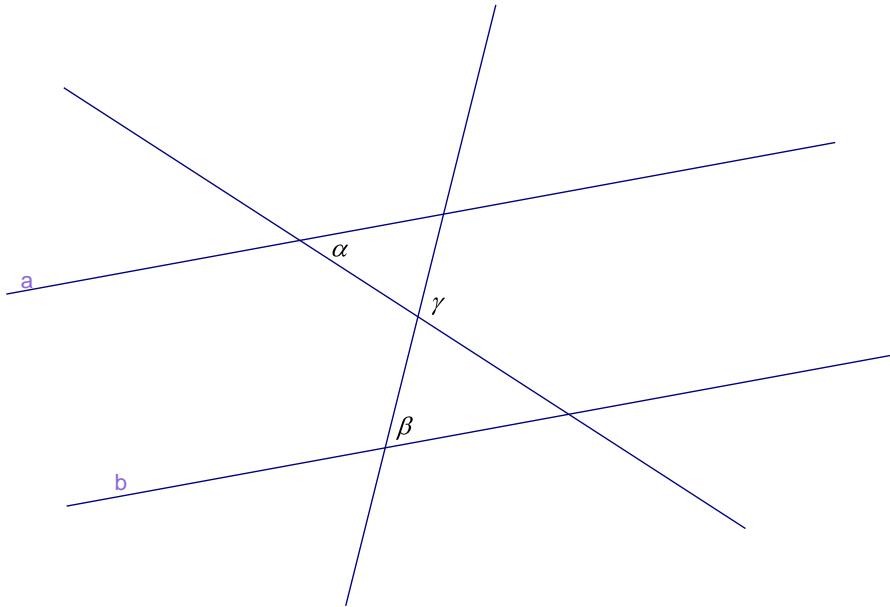


- Zadan je pravokutnik $ABCD$. Točka E je polovište dužine \overline{BD} , a točka F je polovište dužine \overline{ED} . Koliki je količnik površine trokuta ΔECF i površine četverokuta $ABCD$?

Nije dopuštena uporaba džepnog računala niti bilo kakvih priručnika.

Okreni list!

5. Izračunaj kut γ ako je $\alpha = 43^\circ$, $\beta = 65^\circ$ i $a \parallel b$.



Zadaci za 10 bodova:

6. Odredi prosti broj p tako da vrijedi $\frac{4}{23} < \frac{1}{p} < \frac{8}{19}$.

7. Umnožak dva prirodna broja je 68040, a njihov najmanji zajednički višekratnik 3780.
Odredi te brojeve.

Nije dopuštena uporaba džepnog računala niti bilo kakvih priručnika.

MINISTARSTVO ZNANOSTI, OBRAZOVANJA I SPORTA REPUBLIKE HRVATSKE
AGENCIJA ZA ODGOJ I OBRAZOVANJE
HRVATSKO MATEMATIČKO DRUŠTVO

ŠKOLSKO/GRADSKO NATJECANJE
IZ MATEMATIKE
21. siječnja 2016.

7. razred-osnovna škola

Zadaci za 6 bodova:

1. Odredi nepoznati broj x iz razmjera $\frac{5}{8} : (0.4 - 2 - \frac{1}{2}x) = 1.25 : (3.8 - 2\frac{1}{4} \cdot x + \frac{1}{2})$.

2. Micek pakira bombone u vrećice. Na raspolaganju ima tri vrste bombona: karamele, čokoladne puslice i gumene bombone. Ako u svakoj vrećici mora biti točno 6 bombona i barem 1 bombon svake vrste, koliko različitih vrećica može složiti?

3. Ako je aritmetička sredina brojeva x, y, z, p i q jednaka je a . Koliko iznosi aritmetička sredina brojeva $x + 2y - 3, y + 2z - 1, z + 2p, p + 2q + 1$ i $q + 2x + 3$?

4. U kutiji se nalaze crvene i plave kuglice. Broj crvenih kuglica odnosi se prema broju plavih kuglica kao $7 : 3$. Za koliko postoji treba povećati broj crvenih kuglica u odnosu na crvene kuglice koje se već nalaze u kutiji da bi se novi broj crvenih kuglica odnosio prema broju plavih kuglica kao $14 : 5$?

5. Izračunaj zbroj izraza S_{2015} i S_{2016} ako je $S_{2015} = 1 - 2 + 3 - 4 + 5 - \dots - 2014 + 2015$, a $S_{2016} = 1 - 2 + 3 - 4 + 5 - \dots - 2014 + 2015 - 2016$.

Nije dopuštena uporaba džepnog računala niti bilo kakvih priručnika.

Okreni list!

Zadaci za 10 bodova:

6. Antun ima 80% više sličica od Branka. Branko ima $\frac{3}{5}$ broja sličica koje ima Darko. Ako bi Branko dao 150 sličica Darku, tada bi Darko imao 3 puta više sličica od Branka. Koliko sličica imaju sva trojica zajedno?
7. Pravokutniku $ABCD$ s dijagonalom duljine 20 cm opisana je kružnica. Stranica \overline{CD} pravokutnika $ABCD$ osnovica je jednakokračnog trokuta čiji je treći vrh E na kraćem kružnom luku koji je određen tetivom \overline{CD} kružnice opisane pravokutniku. Kolika je duljina stranice \overline{AD} pravokutnika ako je površina pravokutnika $ABCD$ jednaka površini trokuta DCE ?

Nije dopuštena uporaba džepnog računala niti bilo kakvih priručnika.

MINISTARSTVO ZNANOSTI, OBRAZOVANJA I SPORTA REPUBLIKE HRVATSKE
AGENCIJA ZA ODGOJ I OBRAZOVANJE
HRVATSKO MATEMATIČKO DRUŠTVO

ŠKOLSKO/GRADSKO NATJECANJE
IZ MATEMATIKE
21. siječnja 2016.

8. razred-osnovna škola

Zadaci za 6 bodova:

1. Riješi jednadžbu: $(x + 10^{2015})^2 - (x - 10^{2015})^2 = 10^{2016}$.

2. Ako je $(ab):(ac):(bc) = 5:3:1$, izračunaj vrijednost izraza $\frac{a^5b^2}{c^3} : \frac{a^3b^5}{c^4}$.

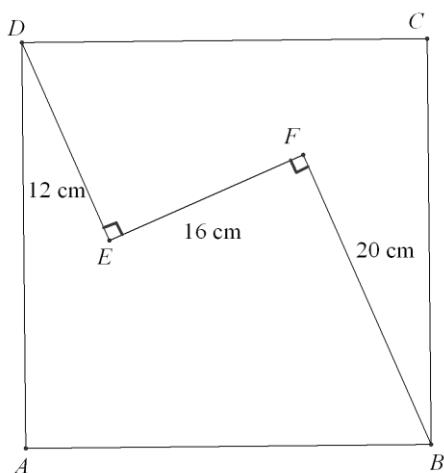
3. Na križanju su se srela dva automobila. Nakon nekog vremena, istovremeno su krenuli dalje. Jedan prema sjeveru brzinom od 54 km/h, a drugi zapadno. Nakon 20 minuta bili su udaljeni 30 km. Kojom brzinom se kretao drugi automobil?

4. Koliko najmanje uzastopnih decimala (počevši od desetinke) treba zbrojiti iz decimalnog zapisa razlomka $\frac{11}{21}$ da bi rezultat bio 2016?

5. U trokutu ABC je $|AB| = 30$ mm, $|AC| = 60$ mm. Iz točke D na stranici \overline{AC} nacrtan je pravac koji stranicu \overline{AB} siječe u točki E tako da je $|\angle ADE| = |\angle CBA|$. Odredi $|AD|$ i $|AE|$ ako je $|AE|$ dulja od $|AD|$ za 6 mm.

Zadaci za 10 bodova:

6. Odredi površinu kvadrata na slici.



7. U jednakostroaničan trokut upisana su 3 kruga tako da svaki dodiruje po dvije stranice i upisani krug k tog trokuta. Odredi omjer površine kruga k i zbroja površina ta tri upisana kruga.

Nije dopuštena uporaba džepnog računala niti bilo kakvih priručnika.